



# UNIVERSIDAD PERUANA LOS ANDES



## FACULTAD DE INGENIERÍA

Escuela Profesional de Ingeniería Civil

**Asignatura: Cimentaciones**

*Ing. Manuel Iván Maita Pérez*

Email:

[d.mmaita@upla.edu.pe](mailto:d.mmaita@upla.edu.pe)

HUANCAYO - 2023

## UNIDAD I

# CIMENTACIONES SUPERFICIALES, DISEÑO DE ZAPATAS AISLADAS



***TEMA: Diseño de Zapatas Aisladas  
sometidas a carga y momento***

**Objetivo:** Identificar las cimentaciones superficiales mediante el comportamiento estructural de cada uno de ellos para darle solución a la cimentación de un determinado sistema estructural de ingeniería.

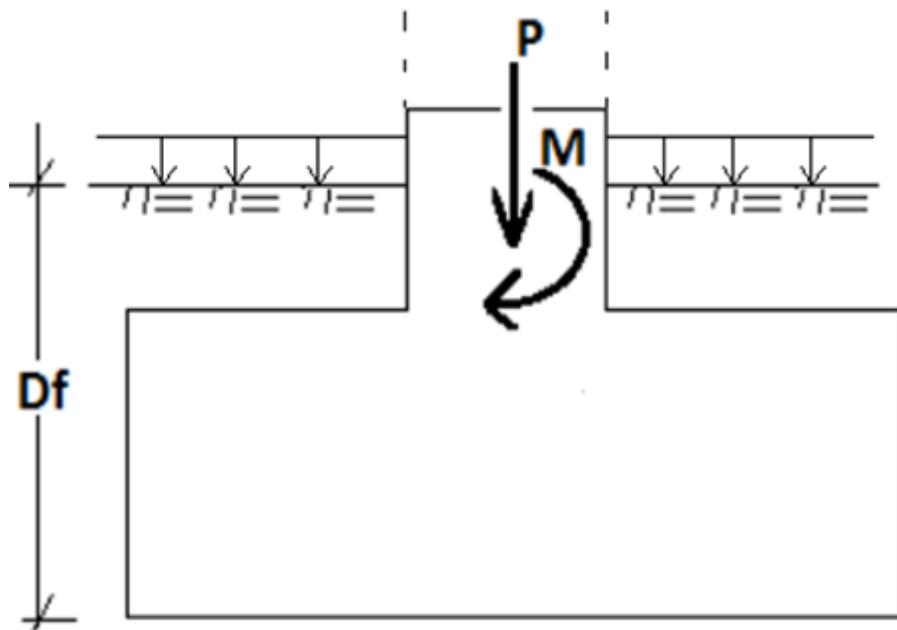
## EJEMPLO DE DISEÑO DE UNA ZAPATA AISLADA SOMETIDA A CARGA Y MOMENTO

Diseñar la zapata aislada para los estados de carga mostrado en la figura. Considere  $F_c = 210 \text{ kg/cm}^2$  y  $f_y = 4200 \text{ kg/cm}^2$ .

columna rectangular

$$T_2 = 0.80 \text{ m}$$

$$T_1 = 0.40 \text{ m}$$



E.M.S.

$$\gamma_t = 2.30 \text{ kg/cm}^2$$

$$D_f = 1.40 \text{ m}$$

$$\gamma_{matp} = 2.00 \text{ tn/m}^3$$

CARGA

$$P_D = 85 \text{ tn}$$

$$P_L = 38 \text{ tn}$$

$$P_{ism.} = 12 \text{ tn}$$

$$P_{serv.} = 135 \text{ tn}$$

MOMENTO

$$M_D = 9 \text{ tn.m}$$

$$M_L = 5 \text{ tn.m}$$

$$M_{ism.} = 3 \text{ tn.m}$$

$$M_{serv.} = 17 \text{ tn.m}$$

## Solución

### 1. Calculo de la capacidad portante neta del terreno

$$\sigma_n = \sigma_t - \gamma_{mat} \cdot p \times D_f = 23 - 1.4 \times 2 = 20.20 \text{ tn/m}^2$$

### 2. Dimensionamiento en planta de la zapata

$$A_z = \frac{P_{serv.}}{\sigma_n} = \frac{135 \text{ tn}}{20.20 \text{ tn/m}^2} = 6.68 \text{ m}^2 \rightarrow L \times L = 2.60 \times 2.60 \text{ m}$$

Transformando la sección cuadrada de zapata a una sección rectangular por la sección de columna

$$T = L + \frac{(T_1 - T_2)}{2} = 2.60 + \frac{(0.80 - 0.40)}{2} = 2.80 \text{ m}$$

$$B = L - \frac{(T_1 - T_2)}{2} = 2.60 - \frac{(0.80 - 0.40)}{2} = 2.40 \text{ m}$$

Por lo tanto el :  $A_z = B \times T = 2.40 \text{ m} \times 2.80 \text{ m}$

### 3. Calculo de los esfuerzos a transmitir al terreno

$$q_{1,2} = \frac{P_{serv.}}{BxT} \pm \frac{6xP_{serv.}x e}{BxT^2} = \frac{135}{2.40x2.80} \pm \frac{6x17 \text{ tn.m}}{2.40x2.80^2}$$

q<sub>1</sub> = 25.51 tn/m<sup>2</sup>  
q<sub>2</sub> = 14.46 tn/m<sup>2</sup>

Sucede que q<sub>1</sub> > σ<sub>n</sub>

Como q<sub>1</sub> > σ<sub>n</sub>, incrementamos las dimensiones de la zapata en 0.35m a cada lado, entonces BxT = 2.75m x 3.15m

$$q_{1,2} = \frac{P_{serv.}}{BxT} \pm \frac{6xP_{serv.}x e}{BxT^2} = \frac{135}{2.75x3.15} \pm \frac{6x17 \text{ tn.m}}{2.75x3.15^2}$$

q<sub>1</sub> = 19.32 tn/m<sup>2</sup>  
q<sub>2</sub> = 11.84 tn/m<sup>2</sup>

Se confirma que q<sub>1</sub> < σ<sub>n</sub>

Las dimensiones definitivas de zapata será : BxT = 2.75m x 3.15m

Calculo de la excentricidad:

$$e = \frac{M_{serv.}}{P_{serv.}} \leq \frac{T}{6} = \frac{17}{135} \leq \frac{3.15}{6} = 0.13 < 0.53 \dots \dots \text{ok}$$

#### 4. Calculo de la reacción neta ultima debajo de la zapata

determinamos PU y MU usando factores de amplificación

Combinación

$$U_1 = 1.4D + 1.7L$$

$$U_2 = 1.25(D+L) + S$$

$$U_3 = 1.25(D+L) - S$$

$$U_4 = 0.90D + S$$

$$U_5 = 0.90D - S$$

Peso ultimo

$$PU_1 = 183.60 \text{ tn}$$

$$PU_2 = 165.75 \text{ tn}$$

$$PU_3 = 141.75 \text{ tn}$$

$$PU_4 = 88.50 \text{ tn}$$

$$PU_5 = 64.50 \text{ tn}$$

Momento ultimo

$$MU_1 = 21.10 \text{ tn.m}$$

$$MU_2 = 20.50 \text{ tn.m}$$

$$MU_3 = 14.50 \text{ tn.m}$$

$$MU_4 = 11.10 \text{ tn.m}$$

$$MU_5 = 5.10 \text{ tn.m}$$

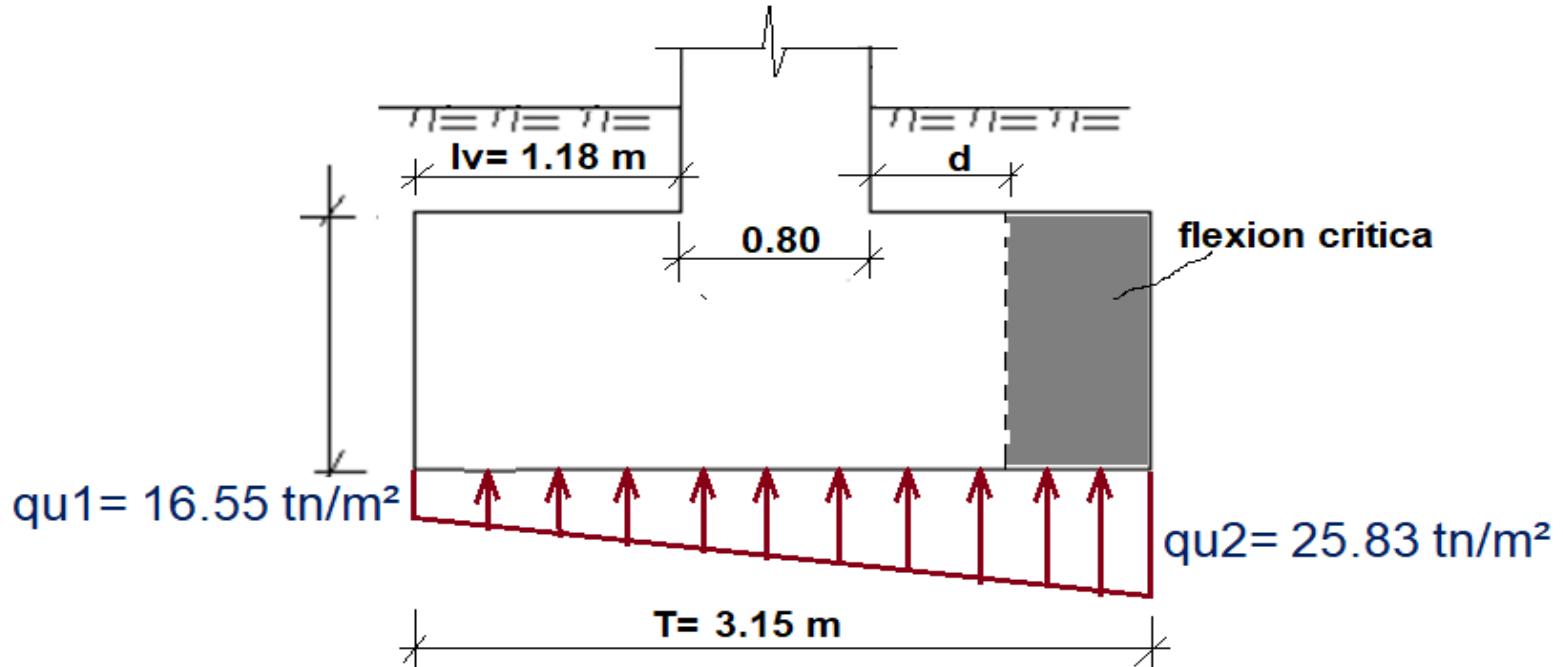
De las combinaciones se tiene PU= 183.60 tn y MU= 21.10 tn.m

$$qu_{1,2} = \frac{PU}{BxT} \pm \frac{6xPux e}{BxT^2} = \frac{183.60}{2.75 \times 3.15} \pm \frac{6 \times 21.10 \text{ tn.m}}{2.75 \times 3.15^2}$$

qu<sub>1</sub>= 16.55 tn/m<sup>2</sup>  
qu<sub>2</sub>= 25.83 tn/m<sup>2</sup>

#### 4. Dimensionamiento de la altura de zapata

criterio de la fuerza cortante:  $VU \leq \emptyset (VC + VS) \leq \emptyset VC$



$$VU = qu_2 \times B \times (l_v - d) = 25.85 \times 2.75 \times (1.18 - d) = 83.82 - 71.03d \dots \quad 1$$

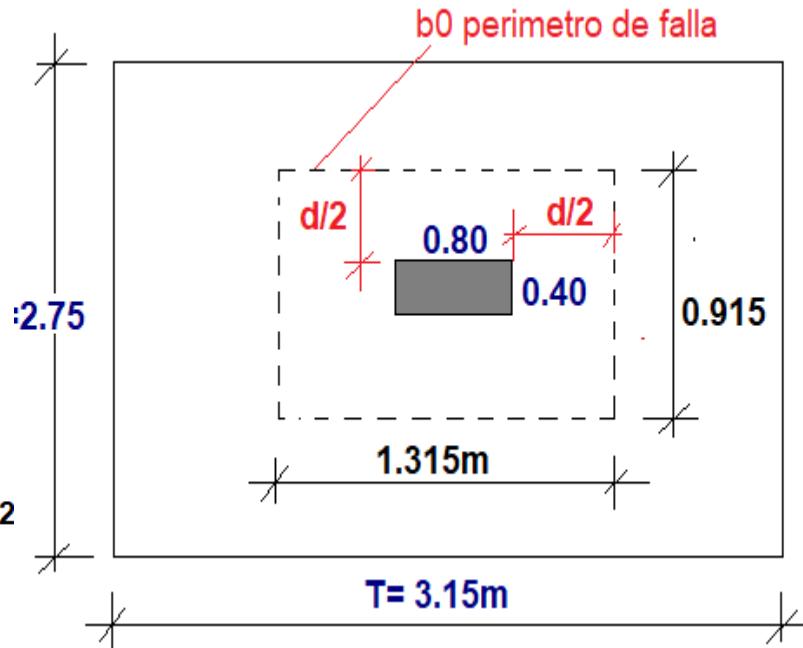
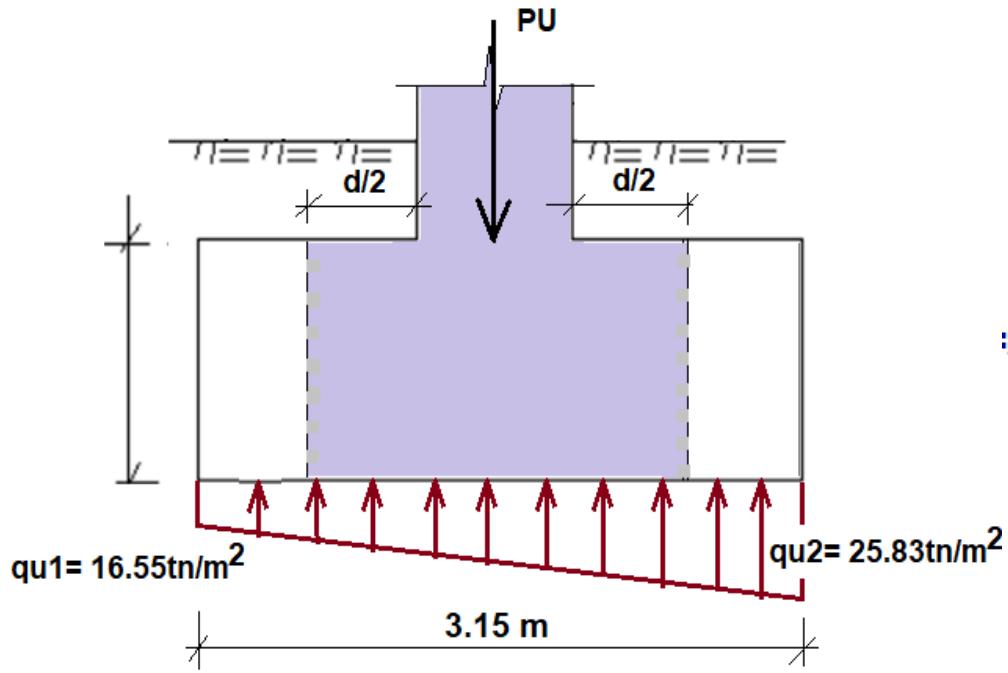
$$\emptyset VC = \emptyset VC \times B \times d = 0.85 \times 0.53\sqrt{210} \times 10 \times 2.75 \times d = 179.53d \dots \quad 2$$

Igualando 1=2:

$$83.82 - 71.03d = 179.53d \longrightarrow d = \frac{83.82}{250.56} = 0.33 \text{ m} \longrightarrow h_{\text{min.}} = 60 \text{ cm}$$

Por lo tanto  $h_z = h_{\text{min.}} = 60 \text{ cm} \longrightarrow d = 51.50 \text{ cm}$

## 5. Verificación del corte por punzonamiento



El corte critico por punzonamiento ultimo será:

$$VU = PU - q_{u2} (0.40 + d) (0.80 + d) = 183.60 - 25.83(0.915) (1.315) = 152.52 \text{ tn}$$

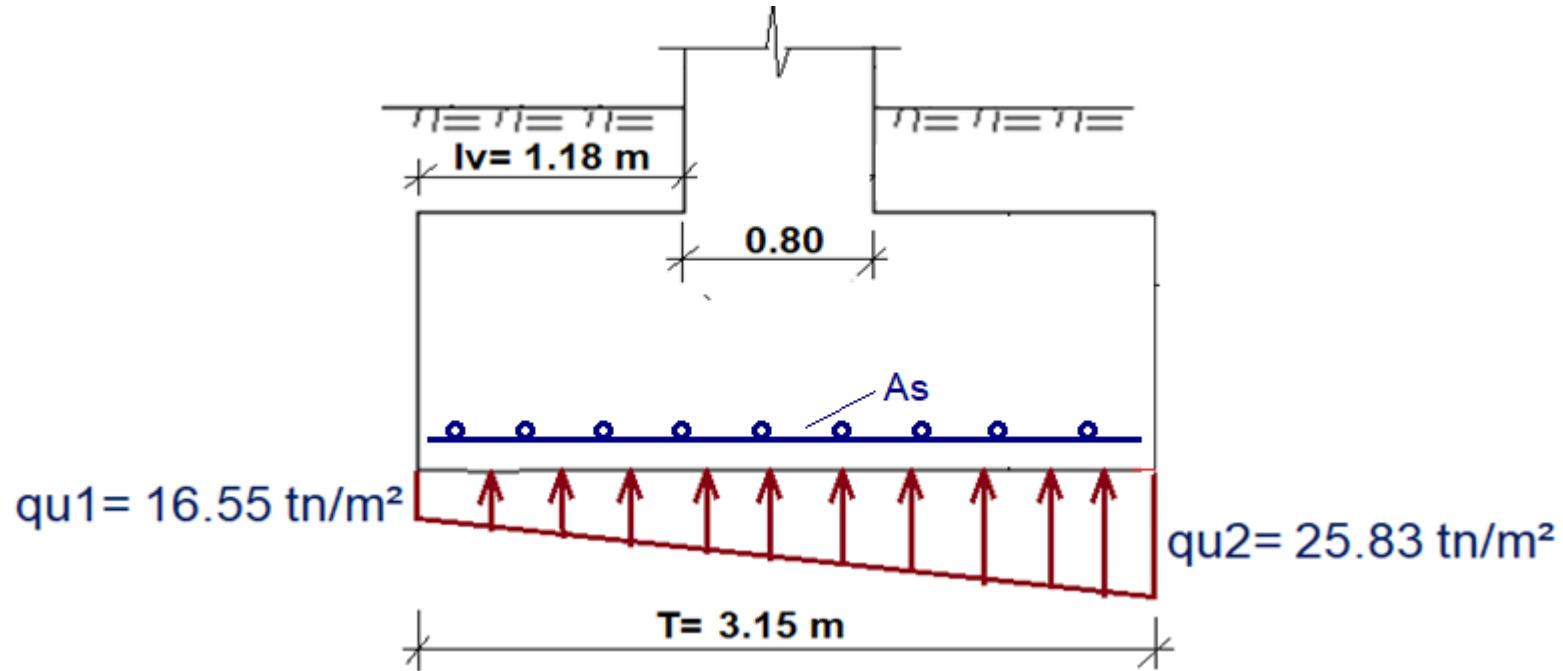
$$\bar{\Omega}VC = \bar{\Omega}VC \times b_0 \times d$$

$$\text{Donde: } VC = 0.27 \left(2 + \frac{4}{B_c}\right) \sqrt{f'c} \leq 1.10 \sqrt{f'c}, \text{ siendo } Vc = 1.08 \sqrt{f'c}$$

$$\bar{\Omega}VC = 0.85 \times 1.08 \sqrt{210} \times 10 \times (2 \times 1.315 + 2 \times 0.915) \times 0.515 = 305.56 \text{ tn}$$

Se verifica que  $VU < \bar{\Omega}VC$ ....ok

## 6. Diseño por flexión



$$MU = qU \times B \times \frac{lv^2}{2}$$

$$MU = 25.83 \times 2.75 \times \frac{1.18^2}{2}$$

$$MU = 49.45 \text{ tn.m}$$

Usando: d=51.5 cm, b=275 cm, f'c=210kg/cm<sup>2</sup>, fy= 4200 kg/cm<sup>2</sup>

$$W = 0.037$$

$$\rho = 0.002$$

$$A_s = 28.33 \text{ cm}^2$$

$$A_{s\min} = 29.70 \text{ cm}^2$$

$$A_{s\min} > A_s \quad A_s D = 29.70 \text{ cm}^2$$

Usaremos 10 Ø ¾" @.25m

Dirección transversal:

$$A_{sT} = A_s D \times \frac{T}{B} = 29.70 \times \frac{3.15}{2.75} = 34.02 \text{ cm}^2$$

Usaremos 12 Ø ¾" @.27m

## Disposición de la armadura de refuerzo:

